

ارزیابی کارایی مدلهای فرکتالی در توزیع اندازه ذرات رسوب (مطالعه موردی: فولاد محلهِ سمنان)

هانیه ببرنژاد زیارت'، علیاصغر ذوالفقاری'، محمدرضا یزدانی"، علی اصغر هاشمی ً و محمدکیا کیانیان °

۱، ۳ و ۵– دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشیار و مربی، گروه بیابان دایی دانشکده کویرشناسی دانشگاه سمنان ۲– استادیار، گروه بیابان زدایی دانشکده کویرشناسی دانشگاه سمنان، (نویسنده مسوول: azolfaghari@semnan.ac.ir) ۴– استادیار، مرکز تحقیقات منابع طبیعی و امور دام استان سمنان تاریخ پذیرش: ۹۳/۱۲/۱۸

چکیدہ

واژههای کلیدی: ابعاد فرکتال، بندهای رسوب گیر، رابطه سیگموییدی

مقدمه

توزیع اندازه ذرات' اولیه (PSD) مبنای ارزیابی بسیاری از ویژگیهای فیزیکی خاک محسوب می شود و از آن به طور گستردهای در تعیین خصوصیات هیدرولیکی خاک نظیر منحنى رطوبتي، و هدايت آبي اشباع و غير اشباع استفاده می شود (۲۱،۱۹،۸). توزیع اندازه ذرات خاک را می توان با استفاده از معادلات مختلفی نظیر مدل های لاگنرمال دو یا چند پارامتری (۷)، مدل دو نمایی شیوازاوا و کمبل (۲۴)، مدل چهار پارامتری فردلاند (۱۲) و یا توابع توانی (نظیر مدل های فرکتالی) به صورت ریاضی بیان نمود. تئوری فرکتال یک ابزار سودمند برای توصیف پدیدههای دارای خصوصیات خود تشابه' از جمله توزیع اندازه ذرات میباشد (۳۰). به همین علت در مطالعات زیادی از تئوری فرکتال برای توصیف PSD، توزيع اندازه منافذ و توزيع خاكدانهها استفاده شده است (۱۵). مفهوم فرکتالی توزیع اندازه ذرات خاک متکی بر وجود یک رابطه توانی بین تعداد و قطر ذرات است و معمولا به صورت تعداد تجمعی ذرات بزرگتر از یک اندازه معین در مقابل قطر ذرات نشان داده می شود (۳۱). شکل دیگری از نمایش توزیع فرکتالی ذرات نیز به وسیله برخی محققین ارائه شده است که جرم تجمعی ذرات کوچکتر از یک اندازه معین در مقابل قطر ذرات ترسیم می شود. بر این اساس تیلر و ویت کرافت (۲۹) مدل فرکتالی را بر پایه جرم ذرات اولیه خاک توسعه دادند. آنها با فرض ثابت بودن جرم ویژه ذرات، رابطه تعداد- اندازه را به صورت جرم تجمعی ذرات کوچکتر از یک اندازه معین بیان کردند. این محققین محدودیتهای مدل های مبتنی بر تعداد– اندازه را نیز مورد بررسی قرار داده و نشان

دادند زمانی که بعد فرکتالی از طریق تخمین تعداد ذرات از مقدار جرم آنها به دست میآید، غالبا بیش از مقدار واقعی برآورد میشود. آنها رابطه توانی زیر را بر مبنای جرم نرمال شده ذرات کوچکتر از یک اندازه معین به شکل زیر ارائه نمونان

$$\frac{M_{$$

که $X_{\rm Max}$ ، $X_{\rm Max}$ ، $M_{\rm T}$ ، M < x کو کوچکتر از x، جرم کل نمونه رسوبات، اندازه ذرات رسوبات، قطر بزرگترین ذرات و Dt بعد فرکتال PSD در نمونه های مورد آزمایش می باشد.

بیرد و همکاران (۵) مدل فرکتالی منفذ- ذره⁷ را برای توصیف توزیع منافذ خاک معرفی کردند. محققین مختلف نشان دادند که این مدل نیز قادر به توصیف توزیع اندازه ذرات خاک می باشد (۳۱،۳۳). مدل منفذ- ذره به صورت رابطه (۲) می باشد.

$$M(X \le X_i) = C_b X_i^{3-D_b}$$
(Y

کوچکتر از Xi جرم تجمعی ذرات کوچکتر از Xi X_i حد بالایی M (X Xi) اندازه ذرات در هر کلاس اندازه، D_b بعد فرکتالی توزیع اندازه ذرات خاک C_b ثابت مقیاس مرکب میباشد.

کراوچنکو و ژانگ (۱۶) با فرض فرکتال بودن توزیع اندازه ذرات خاک یک مدل فرکتال دو پارامتری را برای توصیف توزیع اندازه ذرات خاک ارائه کردند.

$$M(X) = \exp\left\{\ln C_{K} + \left[\frac{3D^{2} - 13D + 14}{D^{2} - 5D + 4}1\right]\ln X\right\}$$

4- Composite scaling constant

3-Pore-Solid

که D بعد فرکتالی توزیع اندازه ذرات خاک و Ck ضریب ثابت می باشد. تیر گرسلطانی و همکاران (۲۸) بعد فرکتال تیلر و ویت کرافت Dt را برای توصیف توزیع اندازه ذرات خاک مورد استفاده قرار دادند و همبستگی پایینی بین بعد فرکتال و درصد شن، رس و سیلت خاک مشاهده نمودند. زهاو و همکاران (۳۴) مدل منفذ– ذره بیرد و همکاران (۶) را برای توصیف PSD خاکهای مورد استفاده قرار دادند. این محققین نشان دادند که بعد فرکتال منفذ – ذره شاخص مناسبی برای توصیف توزيع اندازه ذرات خاک است. آنها بيان کردند که D_b به تغییرات کلاس بافتی خاک حساس میباشد. ژیا و همکاران (۳۱) نشان دادند که بعد فرکتال PSD در کاربریهای مختلف، اختلاف معنىدارى با يكديگر دارند. أنها همچنين گزارش کردند که بعد فرکتال PSD خصوصیت مناسبی برای بیان تاثیر تغییر کاربری اراضی میباشد. زهاو و همکاران (۳۳) رابطه سیگموییدی قویی را بین D_b و درصد شن و رس خاک مشاهده کردند. بیات و همکاران (۳) همبستگی بالایی بین بعد فرکتال منفذ– ذرہ (D_b) و درصد رس و شن گزارش نمودند. این محققین همبستگی ضعیفی بین بعد فرکتال و درصد سیلت خاک بدست آوردند. احمدی و همکاران (۱) نشان دادند که بعد فرکتال بیرد و همکاران (۵) توزیع اندازه ذرات خاک همبستگی مثبت و معنی داری با مقادیر رس و سیلت و تخلخل خاک و همبستگی منفی و معنی داری با درصد شن و میانگین هندسی قطر ذرات داشته و مقادیر بزرگتر بعد فرکتال به خاکهای ریز بافت و مقادیرکوچکتر آن به خاکهای درشت بافت تعلق داشته است. در مطالعهی دیگری ژیاو و همکاران (۳۱) نیز رابطه لگاریتمی قویی بین بعد فرکتال و درصد شن (R²=۰/۸۱) و رس (R²=۰/۹۹) خاک ملاحظه کردند. این محققین نشان دادند که رابطهی ضعیفی بین بعد فرکتال و درصد سیلت وجود دارد (R²=۰/۰۶). بیشتر این مطالعات روابط غیرخطی را برای بیان ارتباط بین بعد فرکتال و درصد شن، سیلت و رس خاک ارائه کردند در حالی که میلان و همکاران (۱۸) گزارش کردند که همبستگی خطی معنیداری بین بعد فرکتال و درصد رس خاک وجود دارد.

اهمیت بررسی توزیع اندازه ذرات رسوبات در بندهای رسوب گیر توسط برخی از محققین مورد مطالعه قرار گرفته است به عنوان مثال زها و همکاران (۳۳) تاثیر توزیع اندازه ذرات رسوبات بر رشد محصولات، تنوع زیستی، کنترل سیلاب، کمیت دبی و کیفیت آبهای زیرزمینی میدانند. با وجود اهمیت توزیع اندازه ذرات رسوبات، ولی مطالعه محدودی در کشور با هدف بررسی توزیع اندازه ذرات رسوبات محدودی در کشور با هدف بررسی توزیع اندازه ذرات رسوبات محدود مطالعات مربوط به این موضوع محدود به پژوهش های صورت گرفته توسط حسنلی و همکاران (۱۴)، مهدیزاده و ذرات رسوبات سه بند رسوب گیر در مسیر چهار رودخانه فصلی زا مورد بررسی قرار دادند. این محققین نشان دادند که درصد را مورد بررسی قرار دادند. این محققین نشان دادند که درصد را مورد برایش می یابد. زها و همکاران (۳۴) چهارده مدل

توزیع اندازه ذرات خاک را برای توصیف PSD رسوبات در بندها مورد ارزیابی قرار دادند آنها نشان دادند که مدل چهار پارامتری فردلاند بهترین مدل در توصیف PSD رسوبات است. همچنین نشان دادند که مقدار ضریب تبیین مدل فرکتالی کراوچنکو و ژانگ (R²=1/۸۶) میباشد.

از أنجا که تاکنون در ایران پژوهشهای محدودی با هدف بررسی کارایی مدلهای فرکتالی در توصیف PSD انجام شده است لذا هدف از مطالعه حاضر بررسی کارایی مدلهای فرکتالی تیلر و ویتکرافت (۲۹)، بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۱۶) در توصیف PSD رسوبات در بندهای رسوبگیر میباشد. همچنین تغییرات رس، سیلت، شن و ابعاد فرکتال در بندهای متوالی از دیگر اهداف این مطالعه میباشد. و در انتها رابطه ابعاد فرکتال و مقدار نسبی هر یک از ذرات اولیه رسوبات (رس، شن و سیلت) نیز در PSD رسوبات مورد مطالعه قرار می گیرد.

مواد و روشها موقعیت منطقه مورد پژوهش

این مطالعه در منطقه پرور درطول "۲۴ '۳۳ ۵۳ و عرض جغرافیایی "۱۷ '۵۷ ۲۵ که در قسمت شمالی شهرستان سمنان قرار دارد، انجام شد. میانگین دما و بارندگی سالانه منطقه مورد به ترتیب برابر ۱۰/۴ درجه سانتی گراد و ۲۸۰/۶۴ میلی متر می باشد. که این منطقه براساس طبقه بندی دومارتن دارای اقلیم نیمه خشک سرد می باشد (۴).

به منظور جلوگیری از گسترش خندق تعداد ۱۴ بند متوالی بر روی یکی از آبراهههای موجود در منطقه مورد مطالعه احداث شده است. طول تقریبی أبراهه ۲۰۰۰ متر و تعداد ۱۴ بند سنگی ملاتی متوالی به ارتفاع ۳ متر و با فواصل تقریبا مساوی از هم احداث شدهاند. نمونههای رسوبات از پشت ۱۴ بند متوالی و از دو عمق ۱۵–۰ و ۳۰–۱۵ سانتیمتری برداشت شد. توزیع اندازه ذرات ۲۸ نمونه رسوب در ۵ کلاس مختلف بافتی به روش گی و بادر تعیین شدند (۱۳). به این منظور رسوبات هوا خشک نرم شده، از غربال دو میلیمتری عبور داده شدند. سپس ۵۰ گرم از هر یک از این نمونهها با محلول پراکنش (هگزامتافسفات سدیم ۵٪) تیمار شدند. برای به دست آوردن اجزای دانههای سیلت و رس از روش هیدرومتری بهرهگیری شد. قرائتهای هیدرومتر در زمانهای ۴۰ ثانیه، ۱، ۲، ۵، ۱۰، ۲۰، ۳۰ دقیقه و ۱، ۲، ۴، ۶، ۸، ۲۴ ساعت انجام شد. دادههای جرم در قرائتهای هیدرومتر به صورت درصد تجمعی جرم ذرات کوچکتر از یک اندازه معین به دست آمدند .پس از انجام قرائتهای هیدرومتر برای جداسازی دانههای شن از رس و سیلت أنچه درون سیلندر بود روی الک ۵۳ میکرون ریخته شد. توزیع اندازه ذرات شن جدا شده نیز با استفاده از سریهای الکهای ۱/۱۸، ۰/۶، ۲۵/۰، ۱/۷۵ میلیمتر تعیین شد.

برای بررسی کارایی مدلهای فرکتالی، ۳ مدل فرکتالی تیلر و ویتکرافت (۲۹) (رابطه ۱) بیرد و همکاران (۵) (رابطه ۲) و کراوچنکو و ژانگ (۱۶) (رابطه ۳) بر دادههای توزیع اندازه ذرات رسوب برازش داده شدند. برازش مدلها از طریق

رگرسیون غیر خطی و با بهینهسازی مجموع مربعات خطا و با استفاده از برنامه کامپیوتری Matlab انجام شد (۲۷). به منظور بررسی ارتباط بین پارامترهای مدلهای فرکتالی و درصد شن، سیلت و رس از معادلات رگرسیونی غیر خطی سیگموییدی سه پارامتری (رابطه ۴) و معادلات خطی (رابطه ۵) استفاده شد (۳۳).

$$y = \frac{\alpha}{1 + e^{-\left(\frac{x - x_0}{b}\right)}} \tag{(f)}$$

$$\mathbf{y} = a_2 \mathbf{x} + b_2 \tag{(a)}$$

که a2 ،b ،a و x0 ،b2 پارامترهای معادلات میباشند. ارزیابی کارایی مدلها

یکی از سادهترین روشهای ارزیابی مدلها، انتخاب مدلی است که دارای کمترین اختلاف با دادههای مشاهدهای (میزان خطا) باشد. بنابراین هر مدلی که بزرگترین ضریب تبیین (R²) و یا کوچکترین خطای برازش را تولید کند، بهترین مدل محسوب میشود. در این شرایط اهمیت تعداد پارامتر در بررسی دقت مدل در نظرگرفته نمیشود. محققین برای رفع این مشکل آمارههایی را ارائه کردهاند که براساس آنها تعداد پارامترهای مدل نیز در بررسی کارایی مدل در نظرگرفته میشود. بنابراین در این در تحقیق از آمارههای که تعداد پارامتر مدل را در کارایی مدلها در نظر می گیرند، استفاده شد. این آمارهها عبارتند از:

ارزش ضریب تبیین Ra معمولا با افزایش تعداد پارامترهای مدل (K) زیاد میگردد. بنابراین لازم است مشخص گردد که آیا توانایی یک مدل در برازش بهتر بر دادههای اندازه گیری شده به ذات مدل بستگی دارد و یا آن که فقط ناشی از افزایش تعداد پارامترها است. به این علت از ضریب تبیین Ra² برای حذف اثر تعداد پارامترها استفاده می شود و برای مقایسه مدلهای دارای تعداد متفاوت پارامترها، مورد استفاده قرار می گیرد (۲۳).

$$Ra^{2} = 1 - \left(\frac{N-1}{N-K}\right)\frac{SSE}{SST}$$
(8)

که SSE مجموع مربعات خطا، SST مجموع مربعات کل مقادیر اندازه گیری شده و N تعداد داده های اندازه گیری شده برای هر نمونه رسوب می باشد. مجموع مربعات خطا با استفاده از معادله زیر تعیین شد.

$$SSE = \sum_{i=0}^{N} (Y_i - Y_p)^2 \tag{V}$$

که در این معادله Y_i و Y_p به ترتیب جرم تجمعی ذرات اندازه گیری شده و برآورد شده می اشند.

معیار اطلاعات اکایک (AICc) اصلاح شده

در معیار اطلاعات اکایک، مدلی که دارای کوچکترین ارزش AICc باشد بهترین مدل انتخاب خواهد شد. رابطه (۸) نحوه محاسبه آماره اکایک را نشان میدهد (۸).

$$AIC_{c} = N \times \ln(MSE) + 2 \times K + \frac{2K(K+1)}{N-K-1}^{(A)}$$

که در آن AICc، معیار اطلاعات آکایک اصلاح شده، MSE میانگین مربعات، و K تعداد پارامترها مدل PSD است. میانگین مربعات با استفاده از معادله زیر تعیین شد:

$$MSE = \frac{\sum_{i=1}^{N} (Y_i - Y_p)^2}{N}$$
(9)

ریشه میانگین مربعات خطا (RMSE)

این اماره با استفاده از معادله زیر تعیین میشود. هر مدلی که دارای کمترین RMSE در مقایسه با دیگر مدل ها باشد از دقت بیشتری برخوردار است. (۱۰)

$$\text{RMSE} = \sqrt{\frac{\sum_{i=0}^{N}(Y_i - Y_p)^2}{N}}$$

نتايج و بحث

تغییرات شن و ابعاد فرکتال در بندهای متوالی

جدول ۱ درصد نسبی ذرات اولیه نمونههای مورد مطالعه را نشان میدهد. کمترین مقادیر ذرات شن، سیلت و رس به ترتیب ۳/۶۱، ۲۱/۷۸ و ۲۱/۷۶ درصد، و بیشترین آن به ترتیب ۶۷/۴۶، ۲۲/۹۴ و ۲۹/۲۶ درصد بود که محدوده نسبتا وسیع اندازه ذرات را در رسوبات مورد مطالعه نشان میدهد. نمونههای مورد مطالعه شامل ۵ کلاس بافتی، از قبیل بافت رسی سیلتی، لوم رسی، لوم سیلتی، لومی و لوم شنی بودند. به نظر میرسد محدوده اندازهای ذرات و تنوع SDPها در کلاسهای بافتی نمونههای مورد آزمایش میتواند نتایج این تحقیق در خصوص بررسی ارتباط بین بعد فرکتال توزیع اندازه ذرات و خصوصیات رسوبات را عمومیت بیشتری بخشد.

شکلهای ۱ تا ۳ تغییرات همزمان بعدهای فرکتال (D_b) Dt و D) و درصد شن رسوبات را در ۱۴ بند متوالی و در دو عمق ۱۵-۰ و ۳۰-۱۵ سانتیمتری نشان میدهد. نتایج نشان داد که تغییرات درصد شن در ۱۴ بند متوالی در دو عمق ۱۵-۰ و ۳۰-۱۵ سانتیمتری نامنظم بوده و ارتباط منطقی بین توالی بندهای رسوب گیر و درصد شن وجود ندارد. شکل های ۱، ۲ و ۳ نشان میدهند که در بندهای ۳، ۴ و ۵ ذرات درشت رسوب توسط بندهای بالا دست گرفته شده و به تدریج با حرکت به سمت پایین دست از درصد ذرات درشت رسوب کاسته می شود. وقوع فرأیند ترسیب انتخابی در أبراهه توسط نادو و همکاران (۲۰) و مهدی زاده و همکاران (۱۷) نیز مشاهده شده است. در صورتی که رسوبات از بندی به بند دیگر منتقل شوند انتظار می رود که با حرکت به سمت پایین دست از درصد ذرات درشت کاسته شود. بر اساس قانون استوکس ذرات درشت رسوبات در زمان کوتاهتری ترسیب می یابند (گی و بادر (۱۳))، بنابراین با جدا شدن ذرات از ماتریکس خاک، ابتدا ذرات درشت در بندهای بالادست ترسیب می یابند. ارزیابی توزیع اندازه رسوب بندهای ۸ الی ۱۲ نشان میدهد که در بندهای ابتدایی رسوبات ریزتر از بندهای انتهایی میباشد. بندهای ابتدایی به دلیل وجود پوشش گیاهی سبب نگهداشت و انباشته شدن رسوبات ریزتر شدهاند اما با حرکت به سمت پايين دست از كارايي بندها كاسته شده و رسوبات در آنها درشت ر می شوند. نتایج مشابه ای برای تغییرات ابعاد فرکتال در بندهای متوالی نیز مشاهده شد. نتایج نشان میدهد که

روند تغییرات ابعاد فرکتال و درصد شن مخالف هم می،اشند یعنی با افزایش بعد فرکتال درصد شن کاهش مییابد. حسنلی و همکاران (۱۴) توزیع اندازه ذرات رسوب را در ۳ بند متوالی مورد ارزیابی قرار دادند. نتایج آنها نشان داد که در بندهای پایین دست درصد شن کاهش مییابد مهدیزاده و همکاران (۱۸) در بندهای رسوب گیر نیمه پر نشان دادند که توزیع اندازه

رسوبات در بندهای پایین دست، ریزتر از خاک اصلی میباشد. درحالی که در بندهای پر، توزیع اندازه ذرات رسوبات در بندهای پایینی درشت تر از بندهای ابتدایی میباشد. به عبارت دیگر این محققین نیز ارتباط مشخصی بین توزیع اندازه ذرات رسوبات و توالی بندها مشاهده نکردند.

مطالعه	مورد	رسوبات	اوليه	ذرات	نسبى	درصد	_۱ ر	جدول
	~	., ,						<i>.</i>

Table 1. Perce	ntage of parti	cle sediment in				
Dt	D	Db	درصد سیلت	درصد رس	درصد شن	خصوصيت
۲/٩٠	۲/۸۷	۲/۶۸	71/YA	۱۰/۲۶	۳/۶۱	حداقل
۲/۶۹	۲/۹۵	۲/۸۲	۲۲/۹۴	T9/TS	8Y/48	حداكثر
۲/۸۳	۲/۹۳	۲/۸۰	40/41	77/19	۳۲/۳۹	متوسط
	(100)	\	$(0,1) \in (1, 1, 2, 1)$		I	

D ،Db و D دانیب بعدهای فرکتال بدست آمده از مدلهای بیرد و همکاران (۲۰۰۰)، کراوچنکو و ژانگ(۱۹۹۸) و تیلروویت کرافت (۱۹۹۲) می،باث



شکل ۱- ارتباط بعد فرکتال (Dt) با درصد شن دربندهای متوالی در دو عمق ۱۵- (الف) و ۳۰–۱۵ (ب) سانتیمتری Figure 1. The relationship between fractal dimension (Dt) and sand content in successive check dams in depths of 0-15 and 15-30 cm



شکل ۲- ارتباط بعد فرکتال (D_b) با درصد شن در بندهای متوالی در دو عمق ۱۵- ۰ (الف) و ۳۰-۱۵ (ب) سانتی متری Figure 2. The relationship between fractal dimension (D_b) and sand content in successive check dams in depths of 0-15 and 15-30 cm



شکل ۳– ارتباط بعد فرکتال (D) با درصد شن دربندهای متوالی در دو عمق10– (الف) و ۳۰–۱۵ (ب) سانتیمتری Figure 3. The relationship between fractal dimension (D) and sand content in successive check dams in depths of 0-15 and 15-30 cm

بررسی کارایی مدلهای فرکتالی

مقادیر حداقل، حداکثر و متوسط آمارههای RMS2 و RMS حاصل از برازش مدلهای فرکتالی بر دادههای PSD رسوبات مورد مطالعه درجدول (۲) نشان داده شده است. کمترین مقدار آماره AICc مربوط به مدلهای بیرد و همکاران (۵) و کراچنکو و همکاران (۲۹) و بیشترین آن متعلق به مدل فرکتال تیلر و ویت کرفت (۲۹) است. هرچه مقدار آماره AICc در مدلی کوچکتر باشد نشان دهنده دقت مقدار آماره AICc در مدلی کوچکتر باشد نشان دهنده دقت مقدار آماره AICc در مدلی کوچکتر باشد نشان دهنده دقت معدار آماره AICc در مدلی کوچکتر باشد نشان دهنده دقت ممدل مدل و ویت کرفت (۲۹) است. هرچه ممدار آماره AICc در مدلی کوچکتر باشد نشان دهنده دقت مقدار آماره AICc می اشد. بنابراین این نتایج نشان می دهد نشان دمی دهد نشان دمی دهد مقدار آماره کال در مدلی کوچکتر باشد نشان دمی دهد دقت مقدار آماره می می تواند توزیع اندازه که بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۲۹) ست. نتایج مشابهای فرکتال TD و بیشترین متوسط آماره (۲۵) ست. نتایج مشابهای فرکتال TD و بیشترین متوسط آن برای مدل های بیرد و شرای آماره AICc برای آماره AICc برای آماره کال (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۲۶) است. نتایج مشابهای فرکتال آماره AICc برای آماره کال (۵) و کراوچنکو کال (۲۰) مدل مدل مدل مدل مدل می مربوط به مدل رسوبات را توصیف نمایند. نتایج بدست آماره AICc مدل مدل مدل مدل مدل مدل مدل مدل مد که کمترین متوسط آماره AICc (۵) و کراوچنکو از کاری مدل های بیرد و فرکتال TD و بیشترین متوسط آماره کام مدل های بیرد و مکتار مدان (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۲۶) است. نتایج مشابهای فرکتال آماره AICc (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۲۷) است. نتایج مشابهای

نشان داد که مدلهای فرکتالی بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۱۶) دارای دقت بیشتری برای برازش بر دادههای PSD رسوبات دارند. مدلهای فرکتالی بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۱۶) مدلهای دو پارامتری می باشند در حالی که مدل تیلر و ویت کرفت (۲۹) یک مدل تک پارامتری است. افزایش تعداد پارامتر مدلهای توزیع اندازه ذرات خاک معمولا سبب افزایش کارایی مدلها میشود هوانگ و همکاران (۱۵). لذا نتایج این مطالعه هم نشان داد که مدلهای دو پارامتری به نسبت مدلهای تک پارامتری دارای دقت بالاتری هستند. این نتایج تاییدکننده نتایج هوانگ و همکاران (۱۵) میباشد. مهدیزاده و همکاران (۱۷) نیز کارایی مدل های مختلف از جمله مدل فرکتالی را در توصیف توزيع اندازه ذرات رسوبات مورد بررسي قرار دادند. آنها میانگین ضریب تبیین مدل فرکتالی را برابر با ۰/۹۱۹ بدست آورند، نتایج این مطالعه مشابه نتایج مهدیزاده و همکاران (۱۷) می باشد.

جدول ۲- خصوصیات آمارههای AICc، RMSE و RMSE مدل های فرکتال

Table 2. Statistics criteria of AICc ₄ Ra ² and RMSE in fractal models									
فرکتال ها	حداقل AICc	حداکثر AICc	متوسط AICc	حداقل Ra ²	حداکثر Ra ²	متوسطRa ²	حداقل RMSE	حداکثر RMSE	متوسط RMSE
تيلروويت كرفت	-ΔY/۶٩	_9/7۶	-34/21	۰/۵۲	٠/٩٧	۰/۸۳	۰/۰۴	٠/١٩	•/\•
بيردوهمكاران	-87/47	-11/41	-۳۵/۹V	٠/۶١	٠/٩٧	۰/۸۵	۰/۰۴	٠/١٧	٠/٠٩
کراوچنکوو ژانگ	-87/48	-11/41	-۳۵/۹v	۰/۶۱	٠/٩٧	٠/٨۵	۰/۰۴	•/ \Y	٠/٠٩

AICc و RMSE ،Ra² و RMSE ،Ra² و RMSE و RMSE و RMSE ، c و مدلهای مورد مطالعه را در قالب نمودار جعبهای نشان میدهد. این نمودارها صدکهای ۹۵م، ۹۰م، ۷۵م، ۱۵م، ۱۵م، ۱۹۵۸ و ۱۵م مقادیر RMSE ،Ra² و AICc مدلها در PSD رسوبات مورد مطالعه را نشان میدهد. هر چه طول بعبه (فاصله بین صدکهای ۹۵م و ۱۵م) کوتاهتر باشد، پراکندگی آمارهها کمتر است. لذا مدلی که دارای پراکندگی کمتری در آمارهها باشد با دقت تقریبا یکسانی قادر به توصیف SD تمامی کلاسهای بافتی رسوبات میباشد. نتایج این نمودارها نشان میدهد که مدلهای باید و همکاران (۶) و کراوچنکو و ژانگ (۱۷) بادقت مشابهای قادر به توصیف

تمامی رسوبات مورد مطالعه هستند. اما مدل تیلر و ویتکرفت (۲۹) به نسبت دو مدل دیگر دارای پراکندگی بیشتری بوده در نتیجه دارای دقت کمتری در در توصیف PSD رسوبات میباشد. مدلهای بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۱۶) هرکدام دارای دو پارامتر هستند، معمولا تعداد پارامتر بیشتر در مدلهای پارامتریک میتواند سبب افزایش انعطاف پذیری بیشتر و دقت بالاتر مدلها شود (۶۵%). بنابراین میتوان انتظار داشت که دقت مدلهای فرکتالی بیرد و همکاران (۶) و کراوچنکو و ژانگ (۱۷) دارای دقت بیشتری نسبت به مدل تیلر و ویت کرفت باشد.

زها و همکاران (۳۳) مدل بیرد و همکاران (۵) را برای توصیف PSD رسوبات مورد استفاده قرار دادند. آنها نشان داند که با افزایش اندازه ذرات دقت مدل بیرد و همکاران (۵) در توصیف PSD رسوبات افزایش مییابد. این محققین میانگین ضریب تبیین حاصل از برازش مدل بیرد و همکاران (۶) را برابر با ۰/۸۷ بدست آوردند. که نتایج این مطالعه مشابه نتایج زها و

همکاران (۳۳) می باشد. تیرگر سلطانی و همکاران (۲۶) نیز کارایی مدل های فرکتالی را برای توصیف توزیع اندازه ذرات خاک مورد بررسی قرار دادند. آنها نشان دادند که تابع فرکتالی در خاکهای درشت بافت بهتر از خاکهای ریز بافت قادر به توصیف PSD می باشد.



شکل ۴- نمودار جعبهای تغییرات مقادیر آماره اکاییک، ضریب تبیین و RMSE در مدل های فرکتال (KZ و B به ترتیب معرف مدل های کراوچنکو و ژانگ، تیلر و ویت کرفت و بیرد و همکاران میباشند).

Figure 4. The box plot of distribution of AICc ₄Ra² and RMSE criteria in different fractal models. (KZ, Tw and B refer to Kravchenko and Zhang, Tyler and Wheatcraft and Bird fractal models, respectively)

بررسی ارتباط بین ابعاد فرکتال

De نتایج نشان داد که مقادیر عددی پارامترهای D و D برای PSD رسوبات مورد آزمایش متفاوت، و اما همبستگی بالایی ($(R^2=-1/9)$ بین آنها وجود دارد (شکل ۵). مقایسه آماری شیب و عرض از مبدا معادلات رگرسیونی بین ابعاد فرکتال Dt و b و Dt با بعد فرکتال D نشان داد که شیب ((-7/9)

آماری معنی داری را با خط ۱:۱ نشان می دهند. لذا می توان نتیجه گیری کرد که ابعاد فرکتال D_b و TD اختلاف معنی داری را با بعد فرکتال D دارند. در حالی که شیب خط (۱/۰۳) و Dt عرض از مبداء (۸/۰۵) معادله ی رگرسیونی بین D_b و Dt اختلاف معنی داری با خط ۱:۱ ندارند. این نتایج نشان می دهد که اختلاف آماری معنی داری بین Dt و pt وجود ندارد.



شکل ۵− ارتباط بين ابعاد فرکتال تيلر و ويت کرفت (D₁) ، بيرد و همکاران (D♭ و کراوچنکو و ژانگ(D) (c رسوبات مورد مطالعه Figure 5. The relation between Tyler and Wheatcraft (D₁), Bird et al (D♭) and Kravchenko and Zhang (D) in sediment in study area

بررسی ارتباط بین ابعاد فرکتال و پارامترهای توزیع اندازه ذرات رسوبات

نتایج نشان داد که با درشت شدن اندازه ذرات رسوب تمامی بعدهای فرکتال کاهش می یابند. فیلگوئرا و همکاران (۱۱) رابطه خطی و مثبتی را بین مقادیر رس و بعد فرکتالی ذرات در محدوده اندازهای ۵۰–۱ میکرون مشاهده نمودند، این محققین به میزان همبستگی این رابطه و معنیداری آن

اشارهای نکردند. ارساهین و همکاران (۱۰)، و سو و همکاران (۲۵) نیز گزارش کردند که بعد فرکتالی ذرات اولیه با افزایش رس افزایش و با افزایش درصد شن کاهش مییابد. تیرگر سلطانی و همکاران (۲۶) نیز همبستگی منفی (۱۰/۶-) و معنیداری را بین درصد سیلت موجود در نمونه و اندازه بعد فرکتالی مشاهده کردند. که نتایج این مطالعه تایید نتایج محققان قبلی میباشد. با توجه به همبستگی بالای بعدهای

فرکتال با درصد شن، سیلت و رس می توان از بعدهای فرکتال به عنوان شاخص مناسبی برای بررسی اندازه PSD رسوبات استفاده کرد. شکلهای ۶، ۸ و ۱۰ رابطه سیگموئیدی بین Db ،Dt و D و درصد شن، رس و سیلت رسوبات را نشان میدهد. ضرایب تبیین تابع سیگموییدی بین Dt و درصد رس، شن و سیلت به ترتیب برابر با ۰/۶۸، ۰/۹۱ و ۰/۷۴ بدست آمد. شکلهای ۲، ۹ و ۱۱ ارتباط Db ،Dt و D را با درصد شن، رس و سیلت خاک به صورت خطی ارائه می کنند. آنالیز رگرسیونی نشان داد که به طور کلی ارتباط ضعیفتری بین بعدهای فرکتال (D_t ،D ،D_b) و درصد رس خاک وجود دارد. نتایج نشان داد که تابع سیگموییدی به خوبی قادر به برقراری ارتباط بین بعدهای فرکتال و درصد شن رسوبات میباشد. میلان و همکاران (۱۸) نشان دادند که ارتباط خطی بین بعد فرکتال و درصد رس خاک برقرار است. سو و همکاران (۲۵) نیز بیان کردند که ارتباط بین بعد فرکتال و درصد رس، سیلت و شن خطی میباشد. زهاو و همکاران (۳۳) نشان دادند که هر دو تابع خطی و سیگموییدی می تواند برای توصيف ارتباط بين بعد فركتال و درصد شن، رس و سیلت مناسب باشند. اما آنها بیان کردند که توابع سیگموییدی با دقت بالاترى رابطه بين ابعاد فركتال و خصوصيات بافت

خاک را نشان میدهند. نتایج این مطالعه نیز نشان داد که رابطه خطی به خوبی قادر به توصيف ارتباط بين بعدهای فرکتال و درصد شن در رسوبات میباشد اما ارتباط سیگموییدی بادقت بیشتری رابطه بین ابعاد فرکتال و خصوصیات بافت خاک را نشان میدهد. این نتایج تاییدی بر یافته های زهاو و همکاران (۳۳) می باشد. بیات و همکاران (۲) همبستگی بالایی بین بعد فرکتال منفذ- ذره (D_b) و درصد رس و شن گزارش نمودند. این محققین همبستگی ضعیفی بین بعد فرکتال و درصد سیلت خاک بدست آوردند. در مطالعهی دیگری ژیاو و همکاران (۳۱) رابطه لگاریتمی قویی بین بعد فرکتال و درصد شن (R²=۰/۹۹) و رس (R²=۰/۹۹) خاک ملاحظه کردند. این محققین نشان دادند که رابطهی ضعيفى بين بعد فركتال و درصد سيلت وجود دارد ($R^2 = -1/5$). در حالی که نتایج این مطالعه نشان داد که ($R^2 = -1/5$) ارتباط قویی بین سیلت و ابعاد فرکتال وجود دارد. نتایج این تحقیق همچنین نشان داد که ارتباط قویی تری بین بعد فرکتال D_t و درصد شن، نسبت به بعدهای فرکتال D_b و D با D_t درصد شن خاک وجود دارد. این نتایج نشان میدهد که برآورد D_t با استفاده از مقادیر شن به خوبی امکان پذیر می باشد.



شکل ۶– رابطه بین tt و درصد شن، رس و سیلت خاک (R² نشاندهنده ضریب تبیین برازش معادله سیگموییدی بر دادههای اندازه گیری شدہ می باشد).

Figure 6. The relation between sand, silt and clay and $D_1(R^2)$ is coefficient of determination of sigmoid equation that fitting on measurement data)



اشد).

می باسد). Figure 7. The relation between sand, silt and clay and D_t (R^2 is coefficient of determination of linear equation that fitting on measurement data)



شکل ۸– رابطه بین D_b و درصد شن، رس و سیلت خاک (R² نشاندهنده ضریب تبیین برازش معادله سیگموییدی بر دادههای اندازهگیری

شده میباشد). figure 8. The relation between sand, silt and clay and D_b (R^2 is coefficient of determination of sigmoid equation that fitting on measurement data)



شکل ۹− رابطه بین D_b و درصد شن، رس و سیلت خاک (R² نشاندهنده ضریب تبیین برازش معادله خطی بر دادههای اندازه گیری شده باشد). می باشد). Figure 9. The relation between sand, silt and clay and D_b (R^2 is coefficient of determination of linear equation that

fitting on measurement data)



شکل ۱۰– رابطه بین D و درصد شن، رس و سیلت خاک (R² نشان دهنده ضریب تبیین برازش معادله سیگموییدی بر دادههای اندازه گیری شده می باشد). Figure 10. The relation between sand, silt and clay and D (R² is coefficient of determination of sigmoid equation that fitting on measurement data)



شکل ۱۱- رابطه بین D و درصد شن، رس و سیلت خاک (^R² نشاندهنده ضریب تبیین برازش معادله خطی بر دادههای اندازهگیری شده میباشد). Figure 11. The relation between sand, silt and clay and D (R² is coefficient of determination of linear equation that

Figure 11. The relation between sand, silt and clay and D (R² is coefficient of determination of linear equation that fitting on measurement data)

همبستگی بین خطای برازش (RMSE) حاصل از برازش معادلات (۱، ۲ و ۳) بر دادههای توزیع اندازه ذرات رسوبات، با درصد شن، رس و سیلت در جدول (۳) نشان داده شده است. نتایج نشان داد که همبستگی مثبت (۸۸/ و ۲۸/۹ – ۲) و معنیداری (۲۰/۱–۲) بین درصد شن و خطای برازش ۳ مدل وجود دارد. این نتایج نشان میدهد که با افزایش درصد شن کارایی و دقت برازش مدلهای فرکتالی بر RMSE رسوبات افزایش می یابد. در حالی که همبستگی بین RMSE و درصد سیلت منفی (۹۳/۰۰ – ۲) و معنیدار (۲۰(۰) (۲۰۰۹) می باشد. نتایج نشان می دهد که با افزایش سیلت دقت برازش مدلهای

فرکتالی کاهش مییابد. ارتباط بین دقت برازش مدلهای فرکتالی و درصد رس منفی بود اگرچه افزایش رس تاثیر معنیداری بر کاهش کارایی مدلهای فرکتالی در توصیف PSD رسوبات نداشتند. ذوالفقاری و همکاران (۳۵) نشان دادند که توزیع اندازه ذرات خاک با ریزتر شدن اندازه ذرات پیچیدهتر میشود. بنابراین مدلهای پیچیدهتری از جمله مدل فردلاند و مدلهای لوگ نرمال برای توصیف توزیع اندازه ذرات لازم است. در این شرایط از دقت مدلهای سادهتری از قبیل مدل فرکتال کاسته میشود.

جدول ۳– همبستگی (r) بین دقت برازش (RMSE)مدل های فرکتالی و درصدشن، رس و سیلت رسوبات Table 3. Correlation coefficient (r) of between accuracy of fitting (RMSE) in fractal models and sand, silt and clay

 oment in seament			
سيلت (٪)	رس (٪)	شن (٪)	مدل های فرکتال
-+/٩٣ ^{∞∞}	_→/٣۵ ^{ns}	٠/٨٩ ^{**}	مدل تیلر و ویت کرفت
_• /۹٣®®	_• /٣۴ ^{ns}	٠/٨٩ ^{**}	مدل بیرد و همکاران
_•/9٣**	-•/٣۴ ^{ns}	• / A A **	کراوچنکو و ژانگ
			1 1 1

**: نشاندهنده معنیداری در سطح احتمال ۱ درصد میباشند. ns: نشاندهنده این است که ارتباط معنیداری بین متغیرهای مورد مطالعه وجود ندارد.

به منظور تعیین و توصیف ارتباط بین بعدهای فرکتال و پارامترهای C_k , C_b مدل های فرکتالی، با درصد شن، رس و پارامترهای روش رگرسیون گام به گام استفاده شد. جدول (۴) رابطه رگرسیونی بین ابعاد فرکتال و پارامترهای C_k , C_b با درصد شن و رس را نشان میدهد. نتایج نشان داد که تاثیر سیلت در برآورد بعدهای فرکتال و پارامترهای C_k , C_b معنی معنیدار نمیباشد. بنابراین متغیر سیلت در معادلات رگرسیونی گام به گام حذف شد. مقادیر بالای ضرایب تبیین شده (۹۷/ و ۱۰۹۸) و RMSE کوچک معادلات رگرسیونی نشان میدهد، که با اندازه گیری رس و شن رسوبات میتوان ابعاد فرکتال PSD رسوبات را تعیین کرد. این نتایج اهمیت مدل میکند. زیرا این نتایج نشان میدهد که با اندازه گیری درصد شن و رس در رسوبات بندها میتوان پارامتر را با دقت مناسب برآورد کرد و در صورت در اختیار بودن این پارامتر

توزیع اندازه ذرات رسوبات به راحتی تعیین خواهد شد. در حالی که برای برآورد PSD رسوبات با استفاده از مدلهای فرکتالی بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۱۶) لازم است که بعدهای فرکتال و پارامترهای $C_b (c)$ با یکدیگر برآورد شوند. لذا با توجه به پایین بودن دقت برآورد SD و C_b انتظار میرود که دقت برآورد PSD رسوبات با استفاده از این مدلها نسبت به مدل تیلر و یائتههای تیرگرسلطانی و همکاران (۲۶) بود. آنها رابطه رگرسیونی قویی را بین ابعاد فرکتال و درصد شن و رس خاک ملاحظه نکردند. در حالی که نتایج این تحقیق با نتایج زهاو و ممکاران (۳۳) مطابق داشت. این محققین بیان کردند که ارتباط قویی بین ابعاد فرکتال در درصد رس، و شن رسوبات وجود دارد.

The multiple mean regression between matural dimension and said and enay content in sedment						
$D_t = -r/\lambda_{\lambda} \times Sand + \cdot/rvr \times clay + r/\lambda_{\lambda}$	$R^r = \cdot / 2 V$	RMSE= •/••۶٨				
$Db = -\cdot/1779 \times Sand + \cdot/777 \times clay + \tau/757$	$R^r = \cdot / \mathfrak{A}$	RMSE= ·/···Y۴				
$D = -\cdot / \cdot \beta \lambda \tau \times Sand + \cdot / \cdot \gamma \Delta \times clay + \tau / \mathfrak{q} \iota \tau$	$R^r = \cdot / 2$	RMSE=+/++TT				
$Cb = -\cdot/r \cdot a_1 \times Sand + \cdot/\cdot r \cdot \times clay + 1/1 \cdot$	$R^{r} = \cdot / \mathfrak{k} \cdot$	RMSE=+/+ \A				
$Ck = -\cdot/rqn \times Sand - \cdot/\cdot rr \times clay + 1/\cdot q$	$R^r = \cdot / \mathfrak{r}$	RMSE=+/+ \Y				

جدول ۴– روابط رگرسیونی بین ابعاد فرکتال و نسبت شن، رس در PSD رسوبات Table 4. The multiple linear regression between fractal dimension and sand and clay content in sediment

ژانگ (۱۶) را توصیف نمایند. نتایج این مطالعه نشان داد که روابط غیرخطی توانایی بیشتری برای توصیف ارتباط بین بعدهای فرکتالی و درصد شن، رس و سیلت رسوبات دارند. اگرچه نتایج این تحقیق نشان داد که رابطه خطی نیز قادر به بیان ارتباط بین بعد فرکتال و درصد شن، رس و سیلت مقدار شن و رس (^{**}۲۹۷ = R) نشان داد. بنابراین می توان با اندازه گیری درصد شن و رس خاک بعد فرکتال تیلر و ویت کرفت را برآورد کرد. با توجه به تک پارامتری بودن مدل مدکور برآورد DS در صورت در اختیار بودن DT امکان پذیر می باشد. ارتباط خطی قوی بین پارامترهای مدلها و درصد شن و رس در رسوبات نشان دادکه می توان از این بعدها به عنوان شاخصی از اندازه ذرات در مباحث فرسایش و حفاظت خاک استفاده برد. برازش مدلهای تیلر و ویت کرافت (۲۹)، بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۱۶) بر دادههای ۲۸، PSD نمونه رسوب با ۵ کلاس مختلف بافتی نشان داد که مدل دو پارامتری بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۱۶) برازش یکسان و بهتری بر دادهها نشان می دهند. آمارههای اکاییک، ²RR و RMSE برای مدلهای فرکتال بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۱۶) برازش بهتری نسبت مدلهای دو پارامتری بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و به بعد فرکتال Dt نشان دادند. نتایج این مطالعه نشان داد که مدلهای دو پارامتری بیرد و همکاران (۵) و کراوچنکو و ژانگ (۱۶) دارای دقت نزدیک و تقریبا یکسانی در توصیف ژانگ (۱۶) دارای دقت نزدیک و تقریبا یکسانی در توصیف توزیع اندازه رسوبات دارند. اگرچه بعدهای فرکتال این مدلها از نظر آماری با یکدیگر اختلاف معنیداری نشان می دهند. نتایج نشان داد که توابع غیر خطی (سیگموئیدی) میتواند به ترتیب ۹۲٪، ۲۶٪ و ۲۶٪ از تغیرات شن را با بعدهای فرکتال

منابع

- Ahmadi, A., M. Neyshabouri and H. Asadi. 2010. Relationship between fractal dimension of particle size distribution. Journal of water and soil, 20/1(4): 73-81 (In Persian).
 Bayat, H., N. Davatgar and M. Jalali. 2014. Prediction of CEC using fractalparameters by artificial
- 2. Bayat, H., N. Davatgar and M. Jalali. 2014. Prediction of CEC using fractalparameters by artificial neural networks. Intenationa Agrophys, 28: 143-152(In Persian)
- 3. Bayat, H. 2008. Create transfer functions to predict retention curve through artificial neural networks using fractal parameters and principal component analysis. Ph.D. Thesis, University of Tabriz Tabriz Iran, 180 pp (In Persian).
- Bazoubandi, M. 2012. Evaluation of land use patterns and its optimization (Case of study: Goleroudbar Watershed). M.Sc. Thesis Faculty of Desert study University of Semnan. Semnan, Iran. 110 pp (In Persian).
- 5. Bird, N.R.A., E. Perrier and M. Rieu. 2000. The water retention function for a model of soil structure with pore and solid fractal distributions. European Journal of Soil Science, 51: 55-63.
- 6. Buchan, G.D. 1989. Applicability of the simple lognormal model to particle-size distribution in soils Soil Science, 147: 155-161.
- 7. Buchan, G.D., K.S.Grewal and A.B. Robson. 1993. Improved models of particle-size distribution: An illustration of model comparison techniques. Soil Science Society of America Journal, 57: 901-908.
- Burnham, K.P. and D.R. Anderson. 2002. Model selection and multi-model inference: a practical information-theoretic approach. Springer, 206 pp.
 Campbell, G.S. 1985. Soil physics with BASIC: Transport models for soil-plant Systems vol (14).
- Campbell, G.S. 1985. Soil physics with BASIC: Transport models for soil-plant Systems vol (14). Elsevier, Amsterdam, 167 pp.
 Ersahin, S., H. Gunal, T. Kutlu, B. Yetgin and S. Coban. 2006. Estimating specific surface area and
- 10. Ersahin, S., H. Gunal, T. Kutlu, B. Yetgin and S. Coban. 2006. Estimating specific surface area and cation exchange capacity in soils using fractal dimension of particle-size distribution Geoderma, 136: 588-597.
- Filgueira, R.R., L.L. Fournier, I.C. Cecilia, P. Crlati and M.G. Carcia. 2006.Particle-size distribution in soils: A critical study of the fractal model validation. Geoderma, 134: 327-334.
- 12. Fredlund, M.D., D.G. Fredlund and G.W. Wilson. 2000. An equationto represent grainsize distribution. Canadian Geotechnical Journal, 37: 817-827.
- 13. Gee, G.W., J. W. Bauder and A. Klute. 1986. Particle-size analysis Methods of soil analysis Part 1. Physical and mineralogical methods, 383-411.
- 14. Hassanli, A.M., A. Esmaeli Nameghi and S. Beecham. 2009. Evaluation of the effect of porous check dam location on fine sediment retention (a case study). Environ Monit Assess, 152: 319-32.

- 15. Hwang, S.I., KP. Lee, D.S. Lee and S.E. Powers. 2002. Models for estimating soil particle-size distributions. Soil Science Society of America Journal, 66: 1143-1150.
- Kravchenko, A. and R. Zhang. 1998. Estimating the soil water retention from particle-size distributions: A fractal approach, Soil Science, 163: 171-179.
- 17. Mehdizadeh, L., F. Asadzadeh and A. Samadi. 2015. Application of mathematical models to describe the particle size distribution of sediments behind successive check dams. Journal of Watershed Engineering and Management, 4: 323-336 (In Persion).
- 18. Milla'n, H., M. Gonza'lez-Posada and M.J. Aguilar. 2003. On the fractal scaling of soil data Particlesize distributions. Geoderma, 117: 117-128. 19. Mohammadi, M.H., M. Khatar and M. Vanclooster. 2014. Combining a single hydraulic conductivity
- measurement with particle size distribution data for estimating the full range partially saturated hydraulic conductivity curve. Soil Science Society of America Journal, 78: 1594-1605. 20. Nadeu, E., A.A. Berhe, J.de Vente and C. Boix-Fayos. 2012. Erosion, deposition and replacement of
- soil organic carbon in Mediterranean catchments: a geomorphological, isotopic and land use change approach. Bio Geosciences, 9: 1099-1111. Lee, T.K. and H.M. Ro. 2014. Estimating soil water retention function from its particle-size
- 21. distribution Geosciences Journal, 18: 219-230.
- 22. Rousseva, S.S. 1997. Data transformations between soil textureschemes European Journal of Soil Science, 48: 749-758.
- 23. SAS Institute. 2004. User's guide version 9.1: Statistics SAS Institute, Cary, NC.
- 24. Shiozawa, S. and G.S. Campbell. 1991. On the calculation of mean particle diameter and standard
- deviation from sand, silt, and clay fractions. Soil science, 152: 427-431.
 25. Su, Y.Z., H.L. Zhao, W.Z. Zhao and T.H. Zhang. 2004. Fractal features of soilparticle size distribution and the implication for indicating desertification. Geoderma, 122: 43-49.
- Tirgarsoltani, M.T., A.A. Zolfaghari, M. Gorji and M. Shorafa. 2012. Investigatepractical constraints functions of describing soil particle size distribution. Journal of Soil and Water, 26: 67-76 (In Persian).
- The Math Works, Inc. 2007. MATLAB: the language of technical computing, version 7.5.
 Tirgarsoltani, M.T., M. Gorji, M.H. Mohammadi and H. Millan. 2014. Evaluation of models for description of wet aggregate size distribution from soils of different land uses. Soil Science Plant Nutrition, 60: 123-13
- Nutrition, 60: 123-135.
 Tyler, SW. and S.W. Wheatcraft. 1992. Fractal scaling of soil particle-size distributions: analysis and limitations. Soil Science Society of America Journal, 56: 362-369.
 Tyler, SW. and S.W. Wheatcraft. 1989. Application of fractal mathematics to soil water retention estimation .Soil Science Society of America Journal, 53: 987-996.
 Xiao, L., X. Sha, L. GuoBin and Z. Chao. 2014. Fractal features of soil profiles under different land under therma on the Locar Distance Mathematical Long. 6, 550-560.
- use patterns on the Loess Plateau, China. Journal of Arid Land, 6: 550-560.
- 32. Zar, J.H. 1999. Biostatistical analysis Pearson Education, London, UK 663 pp.
- 33. Zhao, P., M. Shao and J. Zhuang. 2009. Fractal features of particle size redistributions of deposited soils on the dam farmlands. Soil Science, 174: 403-407.
- Zhao, P. M. Shao and R. Horton. 2011. Performance of soil particle-size distribution Models for Describing Deposited Soils Adjacent to Constructed Dams in the China Loess Plateau Acta Geophysica, 59: 124-138.
- Zolfaghari, A.A., M.T. Tirgarsoltani, M.R. Yazdani and E. Solimamni. 2014. Evaluation of efficiency models to describing soil particle size distribution Journal of Water and Soil, 45: 199-209 (In Persian).

Evaluation of Fractal Models in Describing Particle Size Distribution of Sediment (Case of study: Fooladmahale of Semnan)

Haniye Babrnejad Ziarat¹, Ali Asghar Zolfaghari², Mohammd Reza Yazdani³, Ali Asghar Hashemi^{*} and Mohamad Kia Kiyaniyan⁵

 3 and 5- M.Sc. Student, Associate Professor and Instructor, of Faculty of Desert science, Semnan University 2- Assistance Professor, of Faculty of Desert science, Semnan University, Semnan, Iran
 4- Assistance professor, Natural Resources Research Center of Semnan (Corresponding Author: azolfaghari@semnan.ac.ir) Received: March 9, 2015

Abstract

The objective of current study was to invstigate the accuracy of Tyler and Wheatcraft, Bird et al. and Kravchenko and Zhang fractal models in describing particle size distribution (PSD) of sediment in 14 successive check dams for two depths of 0-15 and 15-30 cm. Sediment PSD were determined in 28 samples using hydrometer method. The referred fractal models were fitted on sediments PSD data. Results indicated that there was no regular relationamong fractal dimensions insuccessive check dams. In addition, sediments transport from surroundingsoils was more observable in check dams. Two-parameter models of Bird et al. and Kravchenko and Zhang presented a better fit compared to one-parameter model of Tyler and Wheatcraft. The results of statistical analysis proved that the sigmoid function was able to describe the relation between fractal dimensions and clay, sand and silt percentage with a greater accuracy compared to the linear sigmoid function. Stepwise regressionanalysisdetermined astrong and significant correlation ($R^2 = 0.97^{**}$) between fractal dimensionobtained from Tyler and Wheatcraft modelwithclay and sandcontents. According the result of this study, the determination of sediment PSD is possible bymeasurement of clayandsand amount.

Keywords: Check Dams, Fractal Dimensions, Sigmoid Function